

# ОСНОВЫ ХИМИЧЕСКОЙ МЕТРОЛОГИИ

## Лекция 1 Источники погрешности результатов химического анализа

лектор: Образовский Е. Г.

Электронный лекционный курс разработан в рамках Программы  
развития НИУ-НГУ

27 января 2022 г.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Хорошо известно, что результаты анализа, полученные в одинаковых условиях, никогда в точности не совпадают. Это связано с невозможностью избежать случайных неконтролируемых погрешностей на различных этапах анализа. Рассмотрим коротко основные этапы анализа и источники, которые вносят погрешности в его результаты.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Большинство методов анализа являются косвенными – мы измеряем непосредственно не содержание  $C$  интересующего нас компонента, а некоторую величину  $I$  – аналитический сигнал.  
Например:

- масса осадка в гравиметрических методах,

# Источники погрешности результатов химического анализа

Большинство методов анализа являются косвенными – мы измеряем непосредственно не содержание  $C$  интересующего нас компонента, а некоторую величину  $I$  – аналитический сигнал.  
Например:

- масса осадка в гравиметрических методах,
- объем раствора, израсходованного на титрование в титриметрии,

# Источники погрешности результатов химического анализа

Большинство методов анализа являются косвенными – мы измеряем непосредственно не содержание  $C$  интересующего нас компонента, а некоторую величину  $I$  – аналитический сигнал.  
Например:

- масса осадка в гравиметрических методах,
- объем раствора, израсходованного на титрование в титриметрии,
- оптическая плотность раствора в фотометрии,

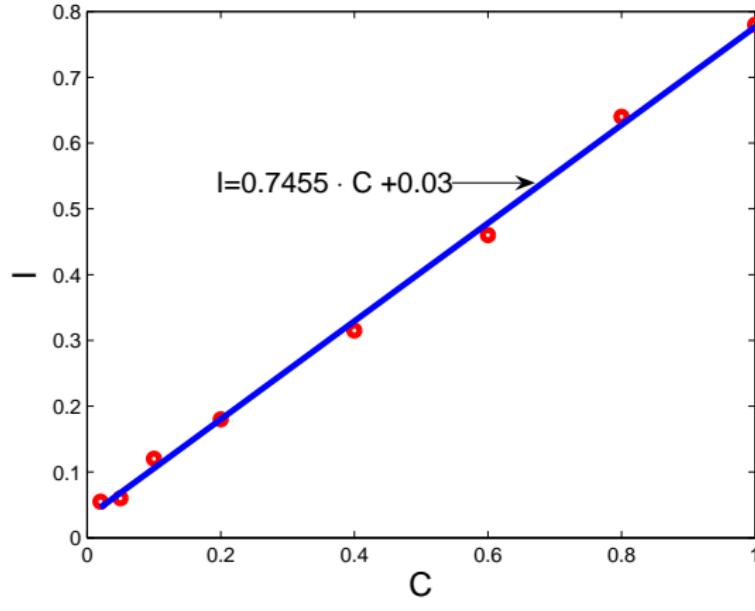
# Источники погрешности результатов химического анализа

Большинство методов анализа являются косвенными – мы измеряем непосредственно не содержание  $C$  интересующего нас компонента, а некоторую величину  $I$  – аналитический сигнал.  
Например:

- масса осадка в гравиметрических методах,
- объем раствора, израсходованного на титрование в титриметрии,
- оптическая плотность раствора в фотометрии,
- интенсивность излучения некоторой линии с определенной длиной волны в различных спектральных методах анализа

# Источники погрешности результатов химического анализа

Концентрация определяется из градуировки – установленной заранее зависимости  $I = f(C)$ , заданной в виде формулы, таблицы или графика:



# Источники погрешности результатов химического анализа

Основные этапы анализа :

- отбор проб (пробоотбор)

# Источники погрешности результатов химического анализа

Основные этапы анализа :

- отбор проб (пробоотбор)
- подготовка проб для анализа (пробоподготовка)

# Источники погрешности результатов химического анализа

Основные этапы анализа :

- отбор проб (пробоотбор)
- подготовка проб для анализа (пробоподготовка)
- собственно анализ, т. е. измерение аналитического сигнала,

# Источники погрешности результатов химического анализа

Основные этапы анализа :

- отбор проб (пробоотбор)
- подготовка проб для анализа (пробоподготовка)
- собственно анализ, т. е. измерение аналитического сигнала,
- статистическая обработка результатов.

# Источники погрешности результатов химического анализа

## Пробоотбор

На этапе пробоотбора необходимо из большой массы исходного материала (иногда сотни тонн) отобрать пробу для анализа массой порядка грамма так, чтобы химический состав пробы был как можно более близок к химическому составу исходного материала. Основные процессы на этом этапе – **измельчение** и **сокращение**.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Причинами случайных погрешностей могут быть:

- недостаточное число точечных проб, отбираемых для общей пробы

# Источники погрешности результатов химического анализа

Причинами случайных погрешностей могут быть:

- недостаточное число точечных проб, отбираемых для общей пробы
- недостаточная степень измельчения

# Источники погрешности результатов химического анализа

Причинами случайных погрешностей могут быть:

- недостаточное число точечных проб, отбираемых для общей пробы
- недостаточная степень измельчения
- плохое перемешивание

Так, например, для бедных руд с диаметром наиболее крупных кусков 20 см масса генеральной пробы (совокупность точечных проб) должна быть не менее 9 т, для богатых руд с диаметром частиц не более 1 мм – 200 кг.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Возникновение систематических погрешностей может быть связано с:

- изменением объекта анализа при отборе проб за счет разрушения гранул, испарения, сегрегации, протекания химических реакций;

# Источники погрешности результатов химического анализа

Возникновение систематических погрешностей может быть связано с:

- изменением объекта анализа при отборе проб за счет разрушения гранул, испарения, сегрегации, протекания химических реакций;
- неправильной разделкой проб: отбрасыванием недоистертых частиц, потерями при сушке;

# Источники погрешности результатов химического анализа

Возникновение систематических погрешностей может быть связано с:

- изменением объекта анализа при отборе проб за счет разрушения гранул, испарения, сегрегации, протекания химических реакций;
- неправильной разделкой проб: отбрасыванием недоистертых частиц, потерями при сушке;
- образованием пыли при истирании, потерями особо летучих компонент: воды, ртути, серы, таллия, кадмия, рения;

# Источники погрешности результатов химического анализа

Возникновение систематических погрешностей может быть связано с:

- изменением объекта анализа при отборе проб за счет разрушения гранул, испарения, сегрегации, протекания химических реакций;
- неправильной разделкой проб: отбрасыванием недоистерпемых частиц, потерями при сушке;
- образованием пыли при истирании, потерями особо летучих компонент: воды, ртути, серы, таллия, кадмия, рения;
- загрязнением проб материалами дробящих и истирающих устройств (особенно железом) или материалами предыдущих партий;

# Источники погрешности результатов химического анализа

- влиянием воды, содержание которой в пробе меняется в зависимости от влажности, температуры, степени измельчения;

# Источники погрешности результатов химического анализа

- влиянием воды, содержание которой в пробе меняется в зависимости от влажности, температуры, степени измельчения;
- изменением состава пробы в промежутке между отбором и анализом, что особенно существенно при определении газов;

# Источники погрешности результатов химического анализа

- влиянием воды, содержание которой в пробе меняется в зависимости от влажности, температуры, степени измельчения;
- изменением состава пробы в промежутке между отбором и анализом, что особенно существенно при определении газов;
- ликвацией при охлаждении сплавов.

Например, неоднородность распределения легирующих примесей в партии стали массой 2 – 3 т может достигать: для  $S$  – до 200 %,  $P$  – 150 %,  $C$  – 60 %,  $W$  – 55 %,  $As$  – 50 %,  $V$  – 40 %,  $Mo$  – 40 %,  $Si$  – 20 %,  $Cr$  – 20 %,  $Mn$  – 15 %,  $Ni$  – 5 %. Для ферросплавов:  $W$  – 20 %,  $Mn$  – 1 %,  $C$  – 1 – 2 %.

# Источники погрешности результатов химического анализа

**Пробоподготовка** Задача пробоподготовки – перевести пробу для анализа в удобную для измерения форму путем вскрытия, выделения определяемого компонента, концентрирования.

В процессе пробоподготовки возможны неконтролируемые потери определяемого компонента при химической обработке исходной пробы и концентрировании, поскольку используемые методы разделения (осаждение, экстракция, хроматография, дистилляция, электролиз и т. д. ) не гарантируют полноту отделения и абсолютную чистоту отделяемого компонента.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Например, в гравиметрии наблюдается:

- неполное осаждение,

# Источники погрешности результатов химического анализа

Например, в гравиметрии наблюдается:

- неполное осаждение,
- частичное растворение осадка,

# Источники погрешности результатов химического анализа

Например, в гравиметрии наблюдается:

- неполное осаждение,
- частичное растворение осадка,
- соосаждение других компонентов,

# Источники погрешности результатов химического анализа

Например, в гравиметрии наблюдается:

- неполное осаждение,
- частичное растворение осадка,
- соосаждение других компонентов,
- отклонение от стехиометрического состава.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Практически всем методикам анализа присуща погрешность, связанная с недостаточной очисткой используемых реагентов от примесей, в том числе и примесей определяемого компонента (исключением является активационный метод, в котором аналитическим сигналом служит радиоактивное излучение ядер, образующихся при облучении анализируемого образца, например, нейtronами, так что внесение в анализируемую пробу определяемого, но не радиоактивного компонента при последующих химических операциях не искажает аналитический сигнал).

# Источники погрешности результатов химического анализа

## Анализ

Затем выполняется непосредственное измерение аналитического сигнала и с помощью градуировочной функции получают значение содержания интересующего компонента в анализируемой пробе.

На этапе измерения аналитического сигнала важны инструментальные погрешности. В благоприятных условиях они не превышают  $\sim 1\text{--}2\%$  отн. (в гравиметрии и титриметрии, — на уровне  $\sim 0,1\%$ ). Однако при определении малых содержаний, когда соответственно мала и величина аналитического сигнала, инструментальные погрешности могут вносить заметный, а иногда и определяющий вклад в общую погрешность анализа.

# Источники погрешности результатов химического анализа

- В гравиметрии погрешность анализа определяется погрешностями взвешивания масс остатка и навески, и в меньшей степени ошибкой стехиометрического коэффициента. При определении малых концентраций определяющий вклад вносит погрешность веса остатка.

# Источники погрешности результатов химического анализа

- В гравиметрии погрешность анализа определяется погрешностями взвешивания масс остатка и навески, и в меньшей степени ошибкой стехиометрического коэффициента. При определении малых концентраций определяющий вклад вносит погрешность веса остатка.
- В титриметрии основной вклад дают погрешности измерения объема, связанные с ошибками отсчета, ошибки капли, ошибки стекания, а также эффекты зависимости объема от температуры.

# Источники погрешности результатов химического анализа

- В гравиметрии погрешность анализа определяется погрешностями взвешивания масс остатка и навески, и в меньшей степени ошибкой стехиометрического коэффициента. При определении малых концентраций определяющий вклад вносит погрешность веса остатка.
- В титриметрии основной вклад дают погрешности измерения объема, связанные с ошибками отсчета, ошибки капли, ошибки стекания, а также эффекты зависимости объема от температуры.
- В фотометрии погрешность определяется ошибкой измерения оптической плотности, а также присутствием в растворе других поглощающих компонент.

# Источники погрешности результатов химического анализа

- В гравиметрии погрешность анализа определяется погрешностями взвешивания масс остатка и навески, и в меньшей степени ошибкой стехиометрического коэффициента. При определении малых концентраций определяющий вклад вносит погрешность веса остатка.
- В титриметрии основной вклад дают погрешности измерения объема, связанные с ошибками отсчета, ошибки капли, ошибки стекания, а также эффекты зависимости объема от температуры.
- В фотометрии погрешность определяется ошибкой измерения оптической плотности, а также присутствием в растворе других поглощающих компонент.
- Для спектрального анализа источниками погрешностей могут быть наложение линий, флюктуации фона, матричные эффекты, связанные с поглощением или возбуждением аналитических линий определяемых компонент.

# Источники погрешности результатов химического анализа

**Статистический анализ результатов** Ввиду случайного характера получаемых результатов анализа необходима статистическая обработка с целью извлечения наиболее полезной и достоверной информации.

Типичное распределение результатов анализа характеризуется небольшими случайными колебаниями относительно некоторого среднего значения. Для получения как можно более полной информации нам приходится обращаться к метрологии – науке об измерениях, методах и средствах обеспечения их единства и способах достижения требуемой точности.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Для описания точности результатов анализа используют два термина – **правильность** и **прецизионность**.

**Правильность** – степень близости среднего арифметического значения большого числа измерений к истинному.

**Прецизионность** – степень близости результатов измерений друг к другу.

Иначе говоря, эти термины описывают систематическую и случайную составляющие погрешности соответственно.

# Источники погрешности результатов химического анализа

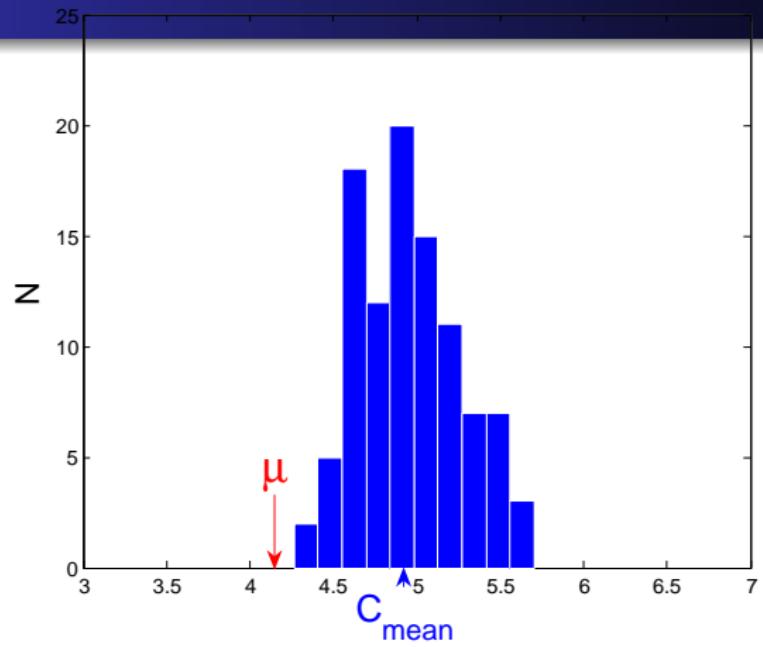


Рис.: Правильность – степень близости среднего значения  $C_{mean}$  к истинному  $\mu$ , прецизионность – мера разброса результатов анализа.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Многочисленные рассмотренные выше факторы, влияющие на результат измерения, не поддаются полному контролю, что приводит к неизбежным случайным погрешностям в результатах анализа. Случайные погрешности определяются с помощью методов математической статистики, применяющей положения теории вероятности.

# Источники погрешности результатов химического анализа

Необходимый математический аппарат был уже довольно давно развит для практических нужд в астрономии и геодезии. Именно при решении этих задач благодаря в основном трудам Лапласа и Гаусса математические методы обработки экспериментальных результатов приобрели современный вид.



Рис.: К. Ф. Гаусс

# Источники погрешности результатов химического анализа

При высокой точности измерений результаты повторных наблюдений никогда не совпадают, а колеблются хаотически. Каждое наблюдение имеет вид

$$x_i = \mu + \delta_i, \quad i = 1, \dots, n,$$

$\mu$  – неизвестное нам истинное значение измеряемой величины (предполагая, что нет систематической погрешности);  $\delta_i$  – погрешность  $i$ -го наблюдения;  $n$  – полное число измерений. Именно во времена Лапласа и Гаусса был сделан решительный шаг в признании ошибок наблюдений случайными величинами.



Рис.: П. С. Лаплас

# Источники погрешности результатов химического анализа

Статистическая независимость ошибок отдельных наблюдений означает, что вероятность получить данный набор результатов наблюдений равна произведению вероятностей для каждого результата.

Следствие – среднеквадратичное значение суммарной погрешности равно сумме среднеквадратичных погрешностей отдельных наблюдений.

# Источники погрешности результатов химического анализа

1. В качестве оценки неизвестного параметра  $\mu$  следует взять

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i.$$

2. Погрешность оценки  $\mu$  определяется стандартным отклонением

$$s = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}.$$

3. Для очень большого числа наблюдений  $n \gg 1$  можно утверждать, что с вероятностью  $P = 0,95$

$$|\bar{x} - \mu| \leq \frac{1,96 \cdot s}{\sqrt{n}}.$$

# Источники погрешности результатов химического анализа

Если переписать это неравенство в виде

$$\bar{x} - \frac{1,96 \cdot s}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq \bar{x} + \frac{1,96 \cdot s}{\sqrt{n}},$$

то для очень большого числа измерений мы получим так называемый доверительный интервал, т. е. интервал со случайными границами (зависящими от результатов измерений), который содержит неслучайное, но неизвестное нам значение  $\mu$ , с вероятностью 0,95. Доверительными интервалами именно в таком современном виде пользовался уже Лаплас.

# Источники погрешности результатов химического анализа

В начале XX в. благодаря работам Фишера и Госсета (известного нам под псевдонимом Стьюдент) в теорию и практику вычисления доверительных интервалов были внесены уточнения.



Рис.: Р. Фишер

# Источники погрешности результатов химического анализа



Для выборок малого объема теперь вместо коэффициента 1,96 мы пользуемся коэффициентом Стьюдента  $t(P = 0,95; n - 1)$ , который стремится к 1,96 при увеличении объема выборки  $n$ . Практические потребности аналитической химии требуют применения более сложных и разнообразных методов статистики, которые мы и рассмотрим далее.

Рис.: У. Госсет